

dove  $\alpha$ , è una nuova variabile. Scrivendo quest'equazione sotto la forma

$$a - (a - f) \sin^2 \alpha = 1$$

si vede facilmente che da  $\alpha = 0$ , fino ad  $\alpha = \alpha_0$ ,  $X$  è sempre positivo e decrescente dal valore  $X = a$  al valore  $X = 0$ , dimodoché le quantità  $a - X$ ,  $X - b$ ,  $X - 0$  non diventano mai negative entro i limiti dell'integrazione. Si può dunque cavare dalla (8),

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{a - X}}{\sqrt{a - b}} \quad \cos \alpha =$$

$$f/7 = \sim F$$

e quindi

$$2 - (a - |b| - b)$$

nelle quali forinole i radicali sono presi positivamente per la ragione già addotta. In virtù di questa trasformazione la forinola (7) diventa:

$$= - \int \frac{C}{2 - XJ^*} V(a -$$

Ora, essendo  $a$ ,  $b$ ,  $e$  le tre radici dell'equazione  $A = 0$ , il polinomio  $A$  non può differire che per un fattore costante dalla quantità che compare sotto il radicale del denominatore ; ma il termine che contiene  $V$  ha evidentemente lo stesso coefficiente nelle due espressioni, dunque queste sono assolutamente identiche, epperò si può scrivere :

Tale è la forinola che porge la generale soluzione del problema.

V.

Per verificare facilmente questa forinola si possono fare speciali ipotesi. Noi sceglieremo le due seguenti :

i°) Supponiamo dapprima che la superficie data sia una sfera, cioè che si abbia:

$$2r = x' + \sqrt{h^2 - r'^2}$$

e che il punto fisso sia sull'asse delle  $x$  ad una distanza  $b$  dall'origine ( $h > r$ ). In tal caso si ha  $x_a = b$ ,  $y_a = z_a = 0$ ,  $2r_0 = V - r'$ , epperò  $A = r'$ ,  $B = - (h^2 - r'^2)$ ,  $C = - (h^2 - r'^2)$ ,  $D = f = F = 0$ ; da cui